

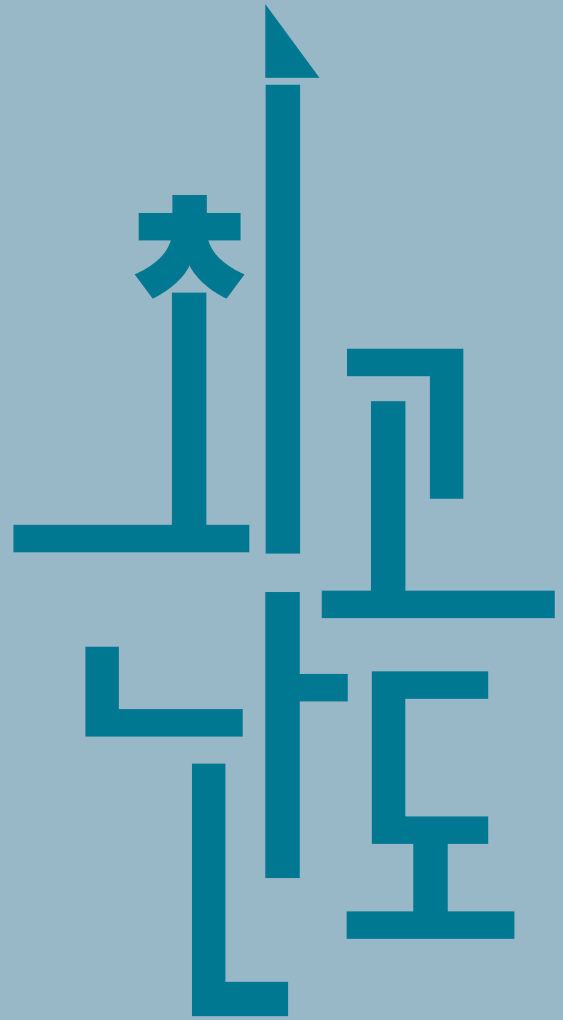
하드 트레이닝  
고난도 문제집

# 최고난도

공통수학 1



지학사



공통수학 1

# 구성과 특징

## “최상위까지 끌어올리는 단계별 점진 학습!”

1

### 최상위 실력 완성을 위한 집중 학습

학교 시험과 수능에서 일등급 실력을 완성하기 위한 고난도 문항 집중공략 서입니다. 중위권 학생은 상위권으로 도약할 수 있도록, 상위권 학생은 실력을 더욱 다질 수 있도록 상 난이도 수준의 문제를 구성했습니다.

2

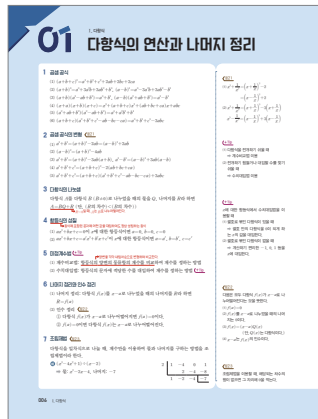
### 학교 시험 & 학력평가 대비

학교 시험과 수능을 동시에 대비할 수 있도록 학교 시험 기출과 수능/모의고사/학력평가를 분석하여 다양한 문제 해결력이 요구되는 핵심 기출 문제와 신경향 문제를 엄선하여 수록했습니다.

3

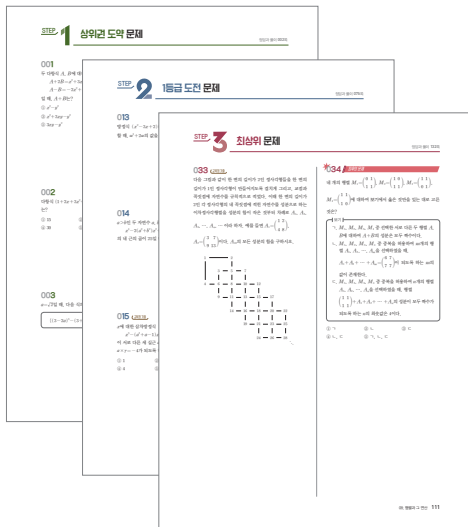
### 전략적 문제 풀이로 사고력 향상

교육과정 내에서 출제된 문제의 정석 풀이와 더불어 실전에서 빠르고 정확하게 해결할 수 있는 다양한 접근을 **확장**으로 제시했습니다. 기본 풀이를 충분히 익힌 후 사고의 폭을 넓히고 풀이의 효율을 높일 수 있도록 상위권 학습자의 수학적 사고 방식과 핵심 전략을 **일등급의 메모장**에 담았습니다.



**한눈에 파악하는 핵심 개념**  
 문제에 활용되는 핵심 내용들을 한눈에 파악할 수 있도록 정리

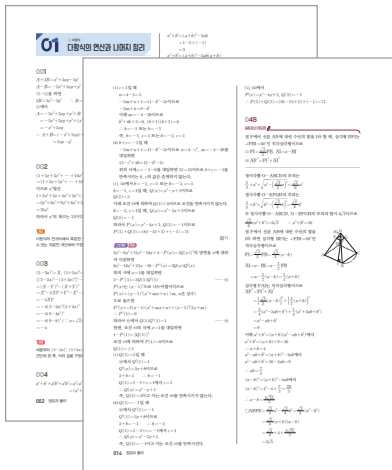
**예 <참고1> (\*Tip)**  
 개념의 이해를 돕는 보충 설명



**단계별 문제 구성**  
 고난도 문제를 단계별로 수록하여 문제 해결을 통해 점진적으로 최상위 실력에 도달할 수 있도록 구성

**(수능 기출), (평가원 기출), (교육청 기출)**  
 수능 및 평가원, 교육청 모의고사 기출 문제 중 핵심 기출 유형  
**신 유형**  
 실전 변별력을 높이는 새로운 유형의 문제

**최후의 문제**  
 STEP3의 문제 중에서도 최상위권 굳히기를 위한 초고난도 문제



**핵심 문제 풀이**  
 논리적 연결과 원리를 바탕으로 사고 과정을 단계적으로 확장하여 체계적으로 해결하는 풀이를 구성

**참고 & 주의**  
 풀이의 이해를 돕는 내용  
**다른 풀이 & 확장**  
 수학적 사고를 한층 넓힐 수 있는 다양한 관점과 아이디어  
**일등급의 메모장**  
 문제 해결 전략과 발상을 정리하여 한눈에 확인할 수 있도록 구성

# 차례

## I

### 다항식

- 01 다항식의 연산과 나머지 정리 ..... 006
- 02 인수분해 ..... 018

## II

### 방정식과 부등식

- 03 복소수 ..... 028
- 04 이차방정식 ..... 038
- 05 이차방정식과 이차함수 ..... 050
- 06 여러 가지 방정식 ..... 062
- 07 여러 가지 부등식 ..... 074

## III

### 경우의 수

- 08 경우의 수 ..... 090

## IV

### 행렬

- 09 행렬과 그 연산 ..... 104

# I

## 다항식



01 다항식의 연산과 나머지 정리

02 인수분해

## 다항식의 연산과 나머지 정리

### 1 곱셈 공식

- (1)  $(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$
- (2)  $(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$ ,  $(a-b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$
- (3)  $(a+b)(a^2-ab+b^2) = a^3+b^3$ ,  $(a-b)(a^2+ab+b^2) = a^3-b^3$
- (4)  $(x+a)(x+b)(x+c) = x^3 + (a+b+c)x^2 + (ab+bc+ca)x + abc$
- (5)  $(a^2+ab+b^2)(a^2-ab+b^2) = a^4+a^2b^2+b^4$
- (6)  $(a+b+c)(a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca) = a^3+b^3+c^3-3abc$

### 2 곱셈 공식의 변형 <참고1>

- (1)  $a^2+b^2 = (a+b)^2 - 2ab = (a-b)^2 + 2ab$
- (2)  $(a-b)^2 = (a+b)^2 - 4ab$
- (3)  $a^3+b^3 = (a+b)^3 - 3ab(a+b)$ ,  $a^3-b^3 = (a-b)^3 + 3ab(a-b)$
- (4)  $a^2+b^2+c^2 = (a+b+c)^2 - 2(ab+bc+ca)$
- (5)  $a^3+b^3+c^3 = (a+b+c)(a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca) + 3abc$

### 3 다항식의 나눗셈

다항식  $A$ 를 다항식  $B$  ( $B \neq 0$ )로 나누었을 때의 몫을  $Q$ , 나머지를  $R$ 라 하면

$$A = BQ + R \quad (\text{단, } (R \text{의 차수}) < (B \text{의 차수}))$$

↳  $R=0$ 일 때,  $A$ 는  $B$ 로 나누어떨어진다.

### 4 항등식의 성질

↳ 등식에 포함된 문자에 어떤 값을 대입하여도 항상 성립하는 등식

- (1)  $ax^2+bx+c=0$ 이  $x$ 에 대한 항등식이면  $a=0, b=0, c=0$
- (2)  $ax^2+bx+c=a'x^2+b'x+c'$ 이  $x$ 에 대한 항등식이면  $a=a', b=b', c=c'$

### 5 미정계수법 (\*Tip)

↳ 양변을 각각 내림차순으로 변형하여 비교한다.

- (1) 계수비교법: 항등식의 양변의 동류항의 계수를 비교하여 계수를 정하는 방법
- (2) 수치대입법: 항등식의 문자에 적당한 수를 대입하여 계수를 정하는 방법 (\*Tip)

### 6 나머지 정리와 인수 정리

- (1) 나머지 정리: 다항식  $f(x)$ 를  $x-a$ 로 나누었을 때의 나머지를  $R$ 라 하면

$$R = f(a)$$

- (2) 인수 정리 <참고2>

- ① 다항식  $f(x)$ 가  $x-a$ 로 나누어떨어지면  $f(a)=0$ 이다.
- ②  $f(a)=0$ 이면 다항식  $f(x)$ 는  $x-a$ 로 나누어떨어진다.

### 7 조립제법 <참고3>

다항식을 일차식으로 나눌 때, 계수만을 이용하여 몫과 나머지를 구하는 방법을 조립제법이라 한다.

예  $(x^3-4x^2+1) \div (x-2)$

→ 몫:  $x^2-2x-4$ , 나머지:  $-7$

$$\begin{array}{r|rrrr} 2 & 1 & -4 & 0 & 1 \\ & & 2 & -4 & -8 \\ \hline & 1 & -2 & -4 & -7 \end{array}$$

#### <참고1>

- (1)  $x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2$   
 $= \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 + 2$
- (2)  $x^3 + \frac{1}{x^3} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3\left(x + \frac{1}{x}\right)$   
 $x^3 - \frac{1}{x^3} = \left(x - \frac{1}{x}\right)^3 + 3\left(x - \frac{1}{x}\right)$

#### (\*Tip)

- (1) 다항식을 전개하기 쉬울 때  
 → 계수비교법 이용
- (2) 전개하기 힘들거나 대입할 수를 찾기 쉬울 때  
 → 수치대입법 이용

#### (\*Tip)

$x$ 에 대한 항등식에서 수치대입법을 이용할 때

- (1) 괄호로 묶인 다항식이 있을 때  
 → 괄호 안의 다항식을 0이 되게 하는  $x$ 의 값을 대입한다.
- (2) 괄호로 묶인 다항식이 없을 때  
 → 계산하기 편리한  $-1, 0, 1$  등을  $x$ 에 대입한다.

#### <참고2>

다음은 모두 다항식  $f(x)$ 가  $x-a$ 로 나누어떨어진다는 것을 뜻한다.

- (1)  $f(a)=0$
- (2)  $f(x)$ 를  $x-a$ 로 나누었을 때의 나머지는 0이다.
- (3)  $f(x) = (x-a)Q(x)$   
 (단,  $Q(x)$ 는 다항식이다.)
- (4)  $x-a$ 는  $f(x)$ 의 인수이다.

#### <참고3>

조립제법을 이용할 때, 해당되는 차수의 항이 없으면 그 자리에 0을 적는다.

001

다항식의 덧셈과 뺄셈

두 다항식  $A, B$ 에 대하여

$$A+2B=x^2+3xy-2y^2,$$

$$A-B=-2x^2+3xy+y^2$$

일 때,  $A+B$ 는?

- ①  $x^2-y^2$                       ②  $x^2-3xy+y^2$
- ③  $x^2+3xy-y^2$               ④  $x^2+3xy+y^2$
- ⑤  $3xy-y^2$

002

다항식의 전개식에서 계수 구하기

다항식  $(1+2x+3x^2+\dots+10x^9)^2$ 의 전개식에서  $x^4$ 의 계수는?

- ① 15                      ② 20                      ③ 25
- ④ 30                      ⑤ 35

003

곱셈 공식  $-(x \pm y)^2, (x+y)(x-y)$

$a=\sqrt{2}$ 일 때, 다음 식의 값을 구하시오.

$$\{(3-2a)^3-(3+2a)^3\}^2-\{(3-2a)^3+(3+2a)^3\}^2$$

004

곱셈 공식의 변형  $-a^2+b^2, a^3+b^3$

$a+b=-1, ab=-1$ 일 때,  $a^5+b^5+a^3b^2+a^2b^3$ 의 값은?

- ① -16                      ② -14                      ③ -12
- ④ -10                      ⑤ -8

005

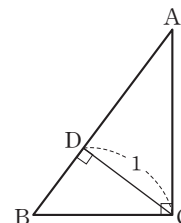
곱셈 공식의 변형  $-x^2+\frac{1}{x^2}, x^3+\frac{1}{x^3}$

$x^2+3x+1=0$ 일 때,  $x^5+\frac{1}{x^5}$ 의 값을 구하시오.

006

곱셈 공식의 활용

오른쪽 그림과 같이  $\angle C=90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC의 꼭짓점 C에서 선분 AB에 내린 수선의 발이 D이다.  $\overline{CD}=1$ 이고 삼각형 ABC의 둘레의 길이가 5일 때, 선분 AB의 길이를 구하시오.



## 013

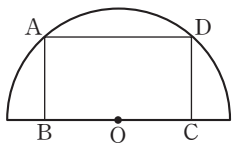
임의의 두 다항식  $A, B$ 에 대하여  $A \odot B = 2A - 3B$ ,  
 $A \star B = A + 2B$ 로 정의할 때,

$$\{(x^2 + xy - 2y^2) \odot (2x^2 - 3xy - y^2)\} \star (x^2 + 2xy + 3y^2)$$

을 계산한 식에서  $xy$ 의 계수를 구하시오.

## 014

오른쪽 그림과 같이 점  $O$ 를 중심으로 하는 반원에 내접하는 직사각형  $ABCD$ 가 다음 조건을 만족시킨다.



$$(가) \overline{AD} + \overline{CD} = 3x + y + 4$$

$$(나) \overline{AB} - \overline{BO} + \overline{CD} = x + 2y + 3$$

직사각형  $ABCD$ 의 넓이를  $x, y$ 에 대한 식으로 나타낸 것은?

- ①  $(x+1)(y+2)$                       ②  $(x+1)(x+y+2)$   
 ③  $2(x+1)(y+2)$                     ④  $2(x+1)(x+y-2)$   
 ⑤  $2(x+1)(x+y+2)$

## 015

최고차항의 계수가 1인 삼차다항식  $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

$$(가) f(2) = 3$$

$$(나) f(x+1) \text{은 } x^2 \text{으로 나누어떨어진다.}$$

다항식  $f(x)$ 를  $x^2 - 1$ 로 나누었을 때의 몫을  $px + q$ , 나머지를  $r$ 라 할 때,  $p + q + r$ 의 값을 구하시오.

(단,  $p, q, r$ 는 상수이다.)

## 016

삼차다항식  $P(x)$ 에 대하여  $P(2) = 4$ 이고,  $P(x)$ 를  $(x-2)^2$ 으로 나누었을 때의 몫과 나머지가 같다.  $P(x)$ 를  $(x-2)^3$ 으로 나누었을 때의 나머지를  $R(x)$ 라 할 때,  $R(0) = R(1)$ 이다.  $P(1)$ 의 값을 구하시오.

## 017

세 실수  $x, y, z$ 가 다음 조건을 만족시킬 때,  $xyz$ 의 값은?

$$(가) x, y, 2z \text{ 중에서 적어도 하나는 2이다.}$$

$$(나) 2(x+y+2z) = xy + 2yz + 2zx$$

- ① 4                                      ② 8                                      ③ 12  
 ④ 16                                     ⑤ 20

018 (교육청기출)

최고차항의 계수가 1인 이차다항식  $P(x)$ 에 대하여  $\{P(x)\}^2$ 을  $x^2 - 4x - 5$ 로 나눈 몫은  $Q(x)$ 이고 나머지는 36이다.  $P(0) \neq P(4)$ 일 때, 모든  $Q(-1)$ 의 값의 합을 구하시오.

## 042

다항식  $f(x) = x^2 - 1$ 일 때,  $x$ 에 대한 일차다항식  $g(x)$ 와 이차다항식  $h(x)$ 에 대하여 등식  $\{f(x)\}^2 + \{g(x)\}^2 = \{h(x)\}^2$ 이  $x$ 의 값에 관계없이 항상 성립한다. 이때 모든  $g(2) + h(2)$ 의 값의 곱을 구하시오.

## 043

두 다항식  $f(x), g(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가)  $f(x)$ 를  $g(x)$ 로 나누었을 때의 몫과 나머지가 모두  $g(x) + 3x^3$ 이다.
- (나)  $g(x)$ 를  $g(x) + 3x^3$ 으로 나누었을 때의 몫은 이차식이다.
- (다)  $f(1) + g(1) = -1$ 이다.

$f(x)$ 의 최고차항의 계수가 4이고,  $g(0) > 1$ 일 때,  $3g(-1)$ 의 값을 구하시오.

# 01

## I. 다항식 다항식의 연산과 나머지 정리

### 001

$$A+2B=x^2+3xy-2y^2 \quad \dots \textcircled{A}$$

$$A-B=-2x^2+3xy+y^2 \quad \dots \textcircled{B}$$

①-②을 하면

$$3B=3x^2-3y^2 \quad \therefore B=x^2-y^2$$

①에서

$$A=-2x^2+3xy+y^2+B$$

$$=-2x^2+3xy+y^2+(x^2-y^2)$$

$$=-x^2+3xy$$

$$\therefore A+B=(-x^2+3xy)+(x^2-y^2)$$

$$=3xy-y^2$$

답 ⑤

### 002

$$(1+2x+3x^2+\dots+10x^9)^2$$

$$=(1+2x+3x^2+\dots+10x^9)(1+2x+3x^2+\dots+10x^9)$$

이므로  $x^4$ 항은

$$1 \times 5x^4 + 2x \times 4x^3 + 3x^2 \times 3x^2 + 4x^3 \times 2x + 5x^4 \times 1 \quad \text{참고}$$

$$=5x^4 + 8x^4 + 9x^4 + 8x^4 + 5x^4$$

$$=35x^4$$

따라서  $x^4$ 의 계수는 35이다.

답 ⑤

#### 참고

다항식의 전개식에서 특정한 항의 계수를 구할 때에는 원하는 항이 나올 수 있는 부분만 계산하여 구한다.

### 003

$$(3-2a)^3=X, (3+2a)^3=Y \text{로 놓으면}$$

$$\{(3-2a)^3-(3+2a)^3\}^2-\{(3-2a)^3+(3+2a)^3\}^2 \quad \text{주의}$$

$$=(X-Y)^2-(X+Y)^2$$

$$=X^2-2XY+Y^2-X^2-2XY-Y^2$$

$$=-4XY$$

$$=-4(3-2a)^3(3+2a)^3$$

$$=-4(9-4a^2)^3$$

$$=-4(9-8)^3 (\because a=\sqrt{2})$$

$$=-4$$

답 -4

#### 주의

처음부터  $(3-2a)^3, (3+2a)^3$ 을 전개하지 말고 이들을 문자로 치환하여 간단히 한 후, 식의 값을 구한다.

### 004

$$a^5+b^5+a^3b^2+a^2b^3=a^3(a^2+b^2)+b^3(a^2+b^2)$$

$$=(a^2+b^2)(a^3+b^3)$$

### 002 정답과 풀이

$$a^2+b^2=(a+b)^2-2ab$$

$$=1-2 \times (-1)$$

$$=3$$

$$a^3+b^3=(a+b)^3-3ab(a+b)$$

$$=-1-3 \times (-1) \times (-1)$$

$$=-4$$

$$\therefore a^5+b^5+a^3b^2+a^2b^3=3 \times (-4)=-12$$

답 ③

### 005

$x^2+3x+1=0$ 에서  $x \neq 0$ 이므로 양변을  $x$ 로 나누면  
 $\rightarrow x=0$ 이면  $0+0+1=0$ 이므로 등식이 성립하지 않는다.

$$x+3+\frac{1}{x}=0 \quad \therefore x+\frac{1}{x}=-3$$

$$x^2+\frac{1}{x^2}=\left(x+\frac{1}{x}\right)^2-2$$

$$=(-3)^2-2$$

$$=7$$

$$x^3+\frac{1}{x^3}=\left(x+\frac{1}{x}\right)^3-3\left(x+\frac{1}{x}\right)$$

$$=(-3)^3-3 \times (-3)$$

$$=-18$$

$$\therefore x^5+\frac{1}{x^5}=\left(x^2+\frac{1}{x^2}\right)\left(x^3+\frac{1}{x^3}\right)-\left(x+\frac{1}{x}\right)$$

$$=7 \times (-18) - (-3)$$

$$=-123$$

답 -123

### 006

$\overline{AB}=c, \overline{BC}=a, \overline{CA}=b$ 라 하면 삼각형

ABC의 둘레의 길이가 5이므로

$$a+b+c=5 \quad \therefore a+b=5-c$$

삼각형 ABC의 넓이에서

$$\frac{1}{2}ab=\frac{1}{2}c \quad \therefore ab=c$$

$\angle C=90^\circ$ 이므로 피타고라스 정리에 의하여

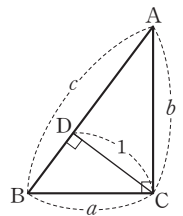
$$a^2+b^2=c^2$$

이때  $a^2+b^2=(a+b)^2-2ab$ 이므로

$$c^2=(5-c)^2-2c, c^2=25-12c+c^2$$

$$12c=25 \quad \therefore c=\frac{25}{12}$$

답  $\frac{25}{12}$



### 007

$$\frac{3x+by-3}{ax+4y-1}=k \quad (k \text{는 상수}) \text{로 놓으면}$$

$$3x+by-3=kax+4ky-k$$

$$(3-ka)x+(b-4k)y+k-3=0$$

위의 식이  $x, y$ 의 값에 관계없이 항상 성립해야 하므로

$$3-ka=0, b-4k=0, k-3=0$$

$$k-3=0 \text{에서 } k=3$$

$$3-ka=0 \text{에서 } a=1$$

$$b-4k=0 \text{에서 } b=12$$

$$ax(x^5-1)=a(x-1)Q_2(x)$$

$$\therefore Q_2(x)=x^5+x^4+x^3+x^2+x$$

$$\therefore \frac{Q_1(2)}{Q_2(1)}=\frac{30}{5}=6$$

참고

$$x^{n+1}-x=x(x^n-1)$$

$$=x(x-1)(x^{n-1}+x^{n-2}+\dots+1)$$

$$=(x-1)(x^n+x^{n-1}+\dots+x)$$

다른 풀이 확장

$$ax^5-ax+1=a(x-1)Q_1(x)+1,$$

$$ax^6-ax+1=a(x-1)Q_2(x)+1$$

이므로

$$Q_1(x)=\frac{x^5-x}{x-1}, Q_2(x)=\frac{x^6-x}{x-1}$$

$Q_2(x)=\frac{x^6-x}{x-1}$ 에  $x=1$ 을 대입하면  $\frac{0}{0}$ 의 꼴이므로 로피탈 정리에 의하여

$$\lim_{x \rightarrow 1} Q_2(x) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^6-x}{x-1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{6x^5-1}{1} = 5$$

이때 ㉠에서  $Q_2(x)$ 는 연속함수이므로

$$Q_2(1)=5$$

한편,  $f_1(x)=x^5-x$ 라 하면

$$f_1(x)=x^5-x \text{에서 } f_1(1)=0$$

$$f_1'(x)=5x^4-1 \text{에서 } f_1'(1)=4$$

$$f_1''(x)=20x^3 \text{에서 } f_1''(1)=20$$

$$f_1'''(x)=60x^2 \text{에서 } f_1'''(1)=60$$

$$f_1^{(4)}(x)=120x \text{에서 } f_1^{(4)}(1)=120$$

$$f_1^{(5)}(x)=120 \text{에서 } f_1^{(5)}(1)=120$$

이를 이용하여 함수  $f_1(x)$ 를  $x=1$ 에 대하여 테일러 전개하면

$$f_1(x) = \frac{4}{1!}(x-1) + \frac{20}{2!}(x-1)^2 + \frac{60}{3!}(x-1)^3$$

$$+ \frac{120}{4!}(x-1)^4 + \frac{120}{5!}(x-1)^5$$

$Q_1(x)=\frac{f_1(x)}{x-1}$ 이므로 위의 식의 양변을  $x-1$ 로 나누면

$$Q_1(x)=4+10(x-1)+10(x-1)^2+5(x-1)^3+(x-1)^4$$

$$\therefore Q_1(2)=30$$

$$\therefore \frac{Q_1(2)}{Q_2(1)}=\frac{30}{5}=6$$

## 046

일등급의 메모장

$$f(x)=(x-3)Q_2(x)+f(3)$$

↓  $x=2$ 를 대입

$$f(2)=-Q_2(2)+f(3)$$

↓ 조건 ㉠

$$f(2)=0$$

↓

$f(x)$ 는  $x-2$ 를 인수로 갖는다.

$f(x)$ 를  $x-2$ 로 나누었을 때의 나머지를  $R_1$ 이라 하면

$$f(x)=(x-2)Q_1(x)+R_1 \quad \dots \text{㉠}$$

$f(x)$ 를  $x-3$ 으로 나누었을 때의 나머지를  $R_2$ 라 하면

$$f(x)=(x-3)Q_2(x)+R_2 \quad \dots \text{㉡}$$

㉠에  $x=3$ 을 대입하면 조건 ㉠에 의하여

$$R_2=f(3)=Q_2(2)$$

즉,  $f(x)=(x-3)Q_2(x)+Q_2(2)$ 이므로  $x=2$ 를 대입하면

$$f(2)=-Q_2(2)+Q_2(2)=0$$

㉡에  $x=2$ 를 대입하면

$$f(2)=R_2=0$$

$f(x)$ 는 최고차항의 계수가 2인 이차다항식이므로

$$Q_1(x)=2x+a \quad (a \text{는 상수})$$

라 하면

$$f(x)=(x-2)(2x+a)$$

따라서  $Q_1(2)=4+a$ ,  $Q_2(2)=f(3)=6+a$ 이므로 조건 ㉠에 의하여

$$Q_1(2)+Q_2(2)=(4+a)+(6+a)$$

$$=2a+10$$

$$=18$$

이므로  $a=4$

따라서  $f(x)=2(x-2)(x+2)$ 이므로

$$f(7)=2 \times 5 \times 9=90$$

답 90

## 047

일등급의 메모장

다항식  $P(x)$ 가  $(x-a)^2$ 으로 나누어떨어지면

$$P(a)=0, P'(a)=0$$

확장

조건 ㉠에서

$$P(x)=2x^4-6x^3+11x^2-10x+4-\{Q(x)\}^2$$

조건 ㉡에 의하여

$$Q(x)=ax^2+bx+c \quad (a, b, c \text{는 상수}, a>0)$$

로 놓으면  $\{Q(x)\}^2$ 의 최고차항이  $a^2x^4$ 이므로

$$2-a^2=1 \quad (\because \text{조건 ㉡})$$

$a>0$ 이므로  $a=1$

즉,  $Q(x)=x^2+bx+c$  다른 풀이

$$\therefore P(x)=2x^4-6x^3+11x^2-10x+4-\{Q(x)\}^2$$

$$=2x^4-6x^3+11x^2-10x+4-(x^2+bx+c)^2$$

$$=x^4-(6+2b)x^3+(11-b^2-2c)x^2$$

$$-(10+2bc)x+(4-c^2)$$

$\dots \text{㉢}$

조건 ㉢에 의하여

$$P(x)=(x-1)^2(x^2+mx+n) \quad (m, n \text{은 상수})$$

으로 놓으면

$$P(x)=x^4+(m-2)x^3+(-2m+n+1)x^2+(m-2n)x+n$$

$\dots \text{㉣}$

㉢과 ㉣의 동류항의 계수를 비교하면

$$m-2=-(6+2b), \quad -2m+n+1=11-b^2-2c,$$

$$m-2n=-(10+2bc), \quad n=4-c^2$$

$$m-2=-(6+2b) \text{에서 } m=-4-2b$$

$$m-2n=-(10+2bc) \text{에 } m=-4-2b, n=4-c^2 \text{을 대입하면}$$

$$(-4-2b)-2(4-c^2)=-(10+2bc)$$

$$c^2+bc-b-1=0, \quad (c-1)(c+b+1)=0$$

$$\therefore c=1 \text{ 또는 } b+c=-1$$

지학사는 좋은 책을 만들기 위해 최선을 다합니다.

완벽한 교재를 위한 노력

- 도서 오류 신고는 「홈페이지 > 참고서 > 해당 참고서 페이지 > 오류 신고」에서 하실 수 있습니다.
- 발간 이후에 발견되는 오류는 「홈페이지 > 참고서 > 학습 자료실 > 정오표」에서 알려드립니다.

고객 만족 서비스

- 홈페이지에 문의하신 사항에 대한 답변이 등록되면 수신 체크가 되어 있는 경우 문자 메시지가 발송됩니다.

하드 트레이닝 고난도 문제집

# 최고난도

## 공통수학 1

지은이 풍산자수학연구소

개발 총괄 오세중 | 개발 책임 김경수

편집 유미현, 문상우, 이다은, 석해영, 손동국, 배예지, 이지은, 김예지

영업 마케팅 최규명, 김학래, 이상현, 김윤제, 문조윤

마케팅 성인영, 이상무, 김규리, 김윤희

디자인 책임 김의수 | 표지 디자인 이창훈, 이수현 | 본문 디자인 이창훈, 이수현

컷·조제판 남양프로세스 | 인쇄 제본 벼호

발행인 권준구 | 발행처 (주)지학사 (등록번호: 1957.3.18 제 13-11호)

04056 서울시 마포구 신촌로6길 5

발행일 2026년 5월 20일 [초판 1쇄]

구입 문의 TEL 02-330-5300 | FAX 02-325-8010

구입 후에는 철회되지 않으며, 잘못된 제품은 구입처에서 교환해 드립니다.

내용 문의 www.jihak.co.kr 전화번호는 홈페이지 <고객센터> 담당자 안내

이 책에 대한 저작권은 (주)지학사에 있습니다.

(주)지학사의 서면 동의 없이 이 책의 체재와 내용 중 일부나 전부를 모방 또는 복사, 전재할 수 없습니다.

정가 17,000원



ISBN 978-89-05-05971-2

### 고등 풍산자 로드맵

	하	중하	중	상
반복 학습	풍산자 반복수학	개념 및 기본 연산 정복, 기본 실력 완성		
	풍산자 반복수학 파워	개념과 유형 연결 연습, 교과서 학습 완성		
개념 학습	풍산자	필수 문제로 개념 정복, 개념 학습 완성		
	풍산자 라이트 유형	기본 및 대표 유형 연습, 중위권 실력 완성		
유형 학습	풍산자 필수유형	기술 문제로 유형 정복, 시험 준비 완료		

### 고등 최고난도

	하	중	상	최상
심화 학습	최고난도	변별력 있는 문항 학습, 최상위권 실력 완성		